Séminaire TéSA

Estimation parcimonieuse et navigation par satellites

Julien Lesouple

TéSA, CNES, M3 Systems, INPT, ISAE

19 Octobre 2017

La navigation par satellites

L'estimation parcimonieuse

Application à la navigation

Introduction

Satellite GNSS

~ 30 satellites/constellation

~ 20000 km altitude

Erreur position satellite

Signal GNSS

⊕ : "OU" exclusif

Erreur horloge satellite

Propagation du signal (1)

Troposphère : gaz, ~ 12 km

Ionosphère : électrons, $\sim 50-1000$ km

Propagation du signal (2)

Récepteur GNSS

? Bruit thermique + biais d'horloge récepteur

Bilan des erreurs¹

Source d'erreur	Amplitude (m)	Corrections
Horloge satellite	300	Ephémérides
Position satellite	< 1	Ephémérides
Ionosphère	1-50	Klobuchar
Troposphère	2.5-15	Niell
Multitrajet	10-?	Hypothèse de parcimonie
Bruit récepteur	0.67	
Horloge récepteur	Beaucoup	Inconnue du système

¹Mohinder S. Grewal, Lawrence R. Weill, and Angus P. Andrews. "Satellite Navigation Systems". In: *Global Positioning Systems, Inertial Navigation, and Integration*. John Wiley & Sons, Inc., 2008. Chap. 5, pp. 144–198.

$$\begin{pmatrix} \square \\ \square \\ \square \\ \square \\ \square \\ \square \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \\ \square & \square \\ \square & \square \\ \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \square \\ 0 \\ \square \\ \square \\ \square \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Critère moindres carrés + Critère de parcimonie

Critères de parcimonie

Contexte du problème

Récepteurs bas-coût disponibles

Formulation du problème

Equations de distance

$$d_i = \left\| \begin{pmatrix} x_{\text{sat},i} \\ y_{\text{sat},i} \\ z_{\text{sat},i} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \right\|_2$$

$$\rho_i = d_i(x, y, z) + b + \varepsilon_i$$

Linéarisation

$$\mathbf{y} = \mathbf{H}\mathbf{x} + \mathbf{m} + \mathbf{n}$$

Poids faibles en présence d'un multitrajet²

Fonction du C/N_0

Fonction de l'élévation

²Eugenio Realini and Mirko Reguzzoni. "goGPS: Open Source Software for Enhancing the Accuracy of Low-Cost Receivers by Single-Frequency Relative Kinematic Positioning". In: *Measurement Science and Technology* 24.11 (2013).

- ▶ Ajout des vitesses dans l'état
- ▶ Mesures de Doppler
- ▶ Filtre de Kalman
- ▶ Poids dépendants des biais calculés à l'instant précédent
- ▶ Estimation de la matrice de covariance

Résultats (1/3)

Résultats (2/3)

Résultats (3/3)

Merci pour votre attention !

Des questions ?